

# まえがき

本書は著者が岡山大学工学部情報工学科の2年次学生に対する講義の教科書として執筆したものである。内容は伝統的に「数値解析」と呼ばれているものである。近年、大学の情報系では数値解析の授業が行われることが少なくなっているようである。その理由は「数値解析」という分野が発展し、細分化されるに従って意義があいまいになったためと思われる。現在でもおびただしい数の「数値解析」という表題の教科書が市販されているが、例えば次のように、取り上げ方はさまざまである。

1. 数値解析を数学の一分野とみなし、連続変数の微分、積分を離散変数で近似して解くときの誤差、微分方程式を差分方程式で近似するときの誤差、および離散化を細かくした極限での解の収束の挙動を精密に解析している。主に数学者によって書かれている。
2. 物理学や工学のさまざまな問題（電磁場、流体、熱伝導、弾性変形、振動場など）を数値的に解くための手法を解説している。主として微分方程式の数値解法が中心となる。著者は数学者だけでなく物理学者や工学研究者であることが多い。
3. ベクトルや行列の計算や連立1次方程式の解法を中心にして、次元や変数の数が多いときの大規模な計算を効率的に実行する方法を主眼にしている。これは大きなシステムの最適な解を求める計算の多くが、次元の高いベクトルや行列の反復演算に帰着することによる。著者は工学分野の研究者であることが多い。
4. 種々の数値計算のためのプログラムの書き方を解説し、プログラミングの

教科書としている。そのためFORTRANやCのような代表的な言語ごとに書かれている。著者は主に情報系である。

計算機が利用され出した4, 50年前にはこれらすべてが一つにまとめた授業が行われ、そのような教科書が数多く書かれた。その目的は具体的な問題に対して自分でプログラムを書いて解を求めることがあった。しかし、今日では自分でプログラムを書くことがほとんどなくなり、プログラミングライブラリを利用するのが普通である。このため数値解析の授業の必要性が薄れ、プログラミング言語習熟のための演習の一例として取り上げられるだけになりつつある。その結果、学生が数値計算の原理を知らずに不適切なツールを用いたり、出力結果の解釈を誤ったりすることがしばしばある。やはり数値計算の基本的な知識は不可欠である。しかし、高級な理論は必要ではない。

そこで本書は数値解析を、大学の初年度で学ぶべき数学（微分、積分、ベクトル、行列など）の理解を深めるために、それを「数値を用いて計算する」という視点からまとめた。そのため、固有値計算や最適化などの複雑あるいは巧妙なプログラミング技法や高度な数学理論を要するものは除外している。また、ほとんどすべての数値解析の教科書に載っている（常、偏）微分方程式は扱っていない。これは自然現象を取り扱わない情報系のカリキュラムでは微分方程式が現れないためである。その代わりに差分方程式（漸化式）を取り上げた。差分方程式は微分方程式を離散化したものとみなせるだけでなく、情報系でも計算量や反復の収束性の解析に不可欠なためである。しかし、重要なにもかかわらず差分方程式を扱う教科書は非常に少ない。それは理論が比較的単純で、1冊の書物にするには分量が少なすぎるからだと思われる。その意味でこれを本書に含めることは多くの読者の助けになるものと思う。

本書は各章ごとに学習を助ける練習問題を付け、巻末に詳細な解答を付している。本書は大学の情報系を意識しているが、それが最も顕著に表れているのは第2章であろう。本書が情報系の授業や演習の教科書として活用されることを期待している。本書の原稿を全般に渡って目を通して頂いた岡山大学大学院自然科学研究科の太田学准教授、明治大学研究・知財戦略機構の杉原厚吉教授、および国立情報学研究所の速水謙教授に感謝いたします。また編集の労を

まえがき iii

とられた共立出版（株）の大越隆通氏、國井和郎氏にお礼申し上げます。

2010年9月

金谷健一